

المحاضرة الخامسة

اختبار الفرضيات في حالة عينتين مستقلتين وعينتين مزدوجتين

أولاً. اختبار $T test$ لعينتين مستقلتين

1. مختصر نظري حول الاختبار

في حالة تعامل الباحث مع بيانات ذات تصنيف كمي فإن اختبار الفرضيات في حالة عينتين مستقلتين ويهدف الاختبار معرفة ان كان الفرق بين متوسطي العينتين المسحوبتين من مجتمعين مستقلين يعود الى الصدفة او أن الفرق جوهري¹ كاختبار مستوى أداء مجموعتين من العمال في ورشتين مختلفتين مثلاً أي توزيع العينتين للفرق $\bar{X}_1 - \bar{X}_2$ ، ويشترط استخدام هذا الاختبار التوزيع الطبيعي للبيانات تجانس التباين بين العينتين وأن تكون بيانات العينتين عشوائية ومستقلة عن بعضها البعض. ولحساب قيمة $T test$ نستخدم الصيغة الرياضية التالية:

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{(n_1 + n_2) - 2} \cdot \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$$

من أجل إثبات إحدى الفرضيتين :

$$H_0 : x_1 = x_2$$

أو

$$H_1 : x_1 \neq x_2$$

حيث :

X_1 : المتوسط الحسابي للعينة الأولى

X_2 : المتوسط الحسابي للعينة الثانية

¹ عبد الحميد عبد المجيد البلداوي، الأساليب التطبيقية لتحليل اعداد البحوث، الأردن، دار الشروق للنشر والتوزيع ، 2008 ، ص 330.

S_1^2 : تباين العينة الأولى

S_2^2 : تباين العينة الثانية

n_1 : عدد أفراد العينة الأولى

n_2 : عدد أفراد العينة الثانية

نقارن القيمة المحسوبة لقيمة t بالقيمة الجدولة / النظرية والتي نستخرجها من خلال حساب درجة الحرية $df=(n_1+n_2-2)$ عند مستوى معنوية 0.05 . فإن وجد أن القيمة المحسوبة أكبر من الجدولة فإننا نرفض الفرضية الصفرية H_0 ونقبل في المقابل الفرضية البديلة H_1 . وفي حالة أن القيمة المحسوبة أقل من الجدولة فإننا نقبل الفرضية الصفرية H_0

2. مثال تطبيقي لتطبيق اختبار $t test$ في حالة مستقلتين في برنامج $spss$

وكمثال على حساب اختبار T في حالة عينتين مستقلتين في برنامج $SPSS$ ، لنفترض أنه تم إعطاء تقييم لأداء مجموعتين من العمال في ورشتين مختلفتين حيث تتوفر الورشة الأولى على ظروف عمل مناسبة أما الورشة الثانية فظروف العمل فيها صعبة. إذ تتكون كل عينة من عشرة أفراد، حيث كانت البيانات كالتالي

17	16	17	18	15	17	15	16	18	14	قيم أداء المجموعة الأولى X_{i1}
12	10	15	12	11	16	11	10	13	12	قيم أداء المجموعة الأولى X_{i2}

المطلوب:

أثبت الفرضية القائلة بعدم وجود فروق ذات معنوية بين المتوسط الحسابي للمجموعة الأولى والمتوسط الحسابي والمتوسط الحسابي للمجموعة الثانية عند مستوى معنوية 0.05 .

الحل:

1. نطرح الفرضيات التالية انطلاقاً من المطلوب من التمرين:

$$H_0 : x_1 = x_2$$

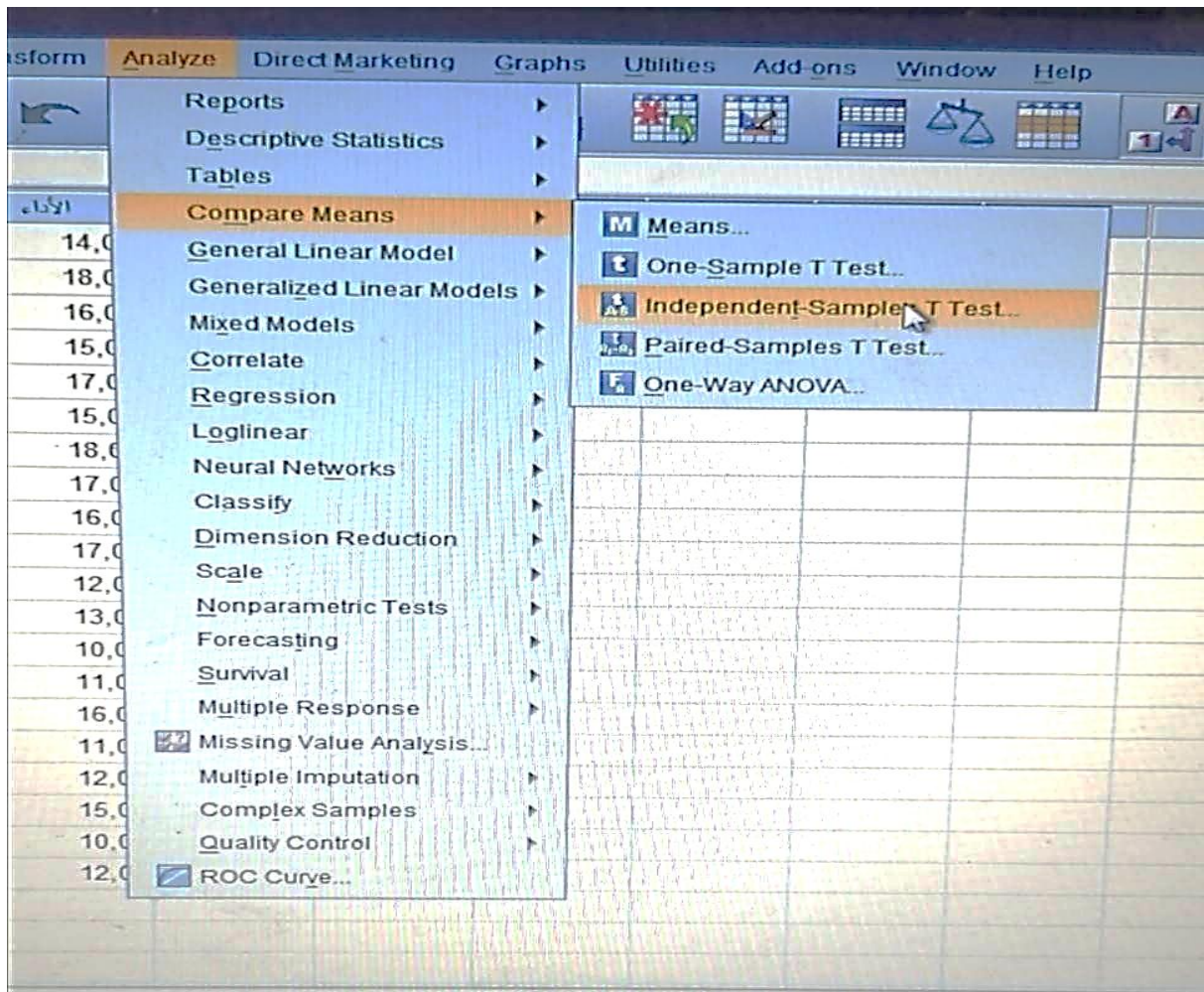
$$H1 : x_1 \neq x_2$$

2. إدخال وترميز البيانات:

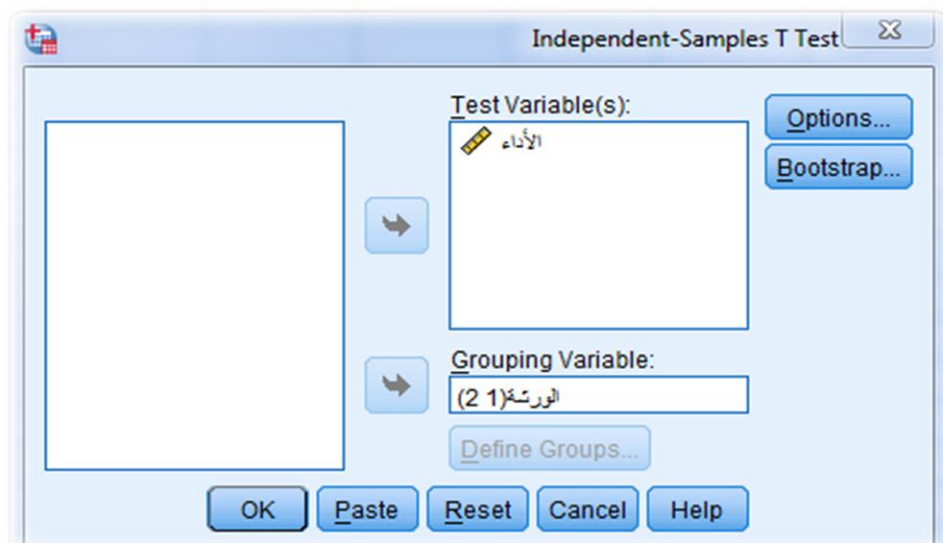
2- يكون ادخال البيانات بتسمية المتغير الاول بـ (الورشة) في صفحة variable view والذي يتم ترميزه في صفحة data view كالتالي: الورشة الأولى بالرقم 1 والورشة الثانية بالرقم 2 ، أما المتغير الثاني فيتم تسميته بـ (الأداء) في صفحة variable view، أما في صفحة data view فيتم إدخال القيم حسب الأفراد و الورش التي ينتمون إليها كما هو موضح في الشكل الموالي:

	الورشة	الأداء	var
1	1,00	14,00	
2	1,00	18,00	
3	1,00	16,00	
4	1,00	15,00	
5	1,00	17,00	
6	1,00	15,00	
7	1,00	18,00	
8	1,00	17,00	
9	1,00	16,00	
10	1,00	17,00	
11	2,00	12,00	
12	2,00	13,00	
13	2,00	10,00	
14	2,00	11,00	
15	2,00	16,00	
16	2,00	11,00	
17	2,00	12,00	
18	2,00	15,00	
19	2,00	10,00	
20	2,00	12,00	
21			
22			

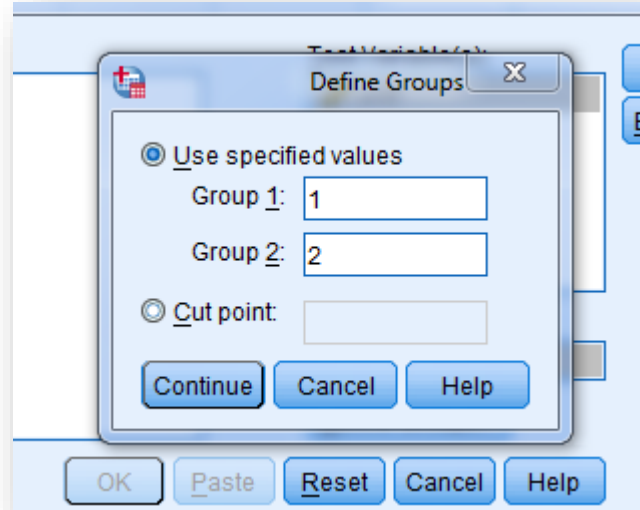
3. من قائمة (Analyze) يختار الأمر Compare Means ثم الأمر (Independet Samples T-Test) كما موضح في الشكل التالي:



4. بعد اختيار الأمر Independent Samples T-Test، يظهر جدول حوارى نقوم من خلاله بنقل متغير الأداء إلى مربع test variable، أما متغير الورشة فيتم نقله إلى مربع grouping variable كما هو موضح في الشكل التالي:



بعد نقوم بالضغط على الأمر *define groupe* ليتم تحديد ترميز متغير الورشة أي 1 للورشة الأولى ورقم 2 للورشة الثانية كما هو في الشكل التالي:



وبالضغط على ايعاز **continue** يظهر جدولين في صفحة *Outputs*، إذ يمثل الجدول الأول إحصاءة قيم الورشتين *Group Statistics* (المتوسط الحسابي، الانحراف المعياري، والخطأ المعياري):

	الورشة	N	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean
الأداء	1,00	10	16,3000	1,33749	,42295
	2,00	10	12,2000	1,98886	,62893

	Levene's Test for Equality of Variances		t-test for Equality of Means							
	F	Sig.	t	df	Sig. (2-tailed)	Mean Difference	Std. Error Difference	95% Confidence Interval of the Difference		
								Lower	Upper	
الأداء	Equal variances assumed	,734	,403	5,410	18	,000	4,10000	,75792	2,50767	5,69233
	Equal variances not assumed			5,410	15,758	,000	4,10000	,75792	2,49127	5,70873

أما الجدول الثاني والذي هو بعنوان *Independent Samples Test* فهو يعطينا نتيجتين حول اختبارين وليس اختبارا واحدا، أما الاختبار الأول فهو اختبار *Levene's Test* كما هو موضح في الجدول والذي يدرس إمكانية تجانس تباين العينتين حيث يظهر من خلال النتائج أن قيمة الاختبار هي 0.403 وهي أكبر من مستوى المعنوية أي 0.05 أن تباين العينتين متجانس. أما الاختبار الثاني فهو اختبار *T test* والذي يطرح قيمتين ل T هما 5.410 والتي تقابل حالة *Equal variances assumed* أي تجانس التباين و القيمة الثانية هي المقابلة للاختبار *Equal variances not assumed* حيث كانت 5.410 كذلك وسنختار في هذه الحالة قيمة t في حالة تجانس التباين حسب اختبار *Levenes* والتي يقابلها قيمة الدلالة 0.000 وهي أقل من قيمة مستوى المعنوية 0.05 مما يجعلنا على تأكيد وجود فروق ذات دلالة معنوية بين قيم أداء الورشة الأولى و الورشة الثانية.

ثانيا. اختبار *t test* في حال عينتين مزدوجتين *paired samples*

1. مختصر نظري حول الاختبار

نذكر الطالب أن حالة عينتين مزدوجتين أو مترابطين نقصد بها تلك الحالة التي تكون فيها مجموعتين من البيانات الكمية المترابطة بحكم أنها تعود إلى نفس الأفراد، ونستعين بهذا الاختبار في حالة وجود قياس قبلي وقياس بعدي لنفس أفراد العينة من المشاهدات وللتذكير فإن حساب قيمة *t test* في حالة عينتين مترابطين يكون من خلال العلاقة التالية:

$$t = \frac{d}{\frac{S_d}{\sqrt{n}}}$$

حيث: d هو المتوسط الحسابي للفروق بين x_i و y_i

S_d الانحراف المعياري للفروق

N عدد الأزواج

2. اختبار *t test* في حالة مزدوجتين من خلال برنامج *spss*

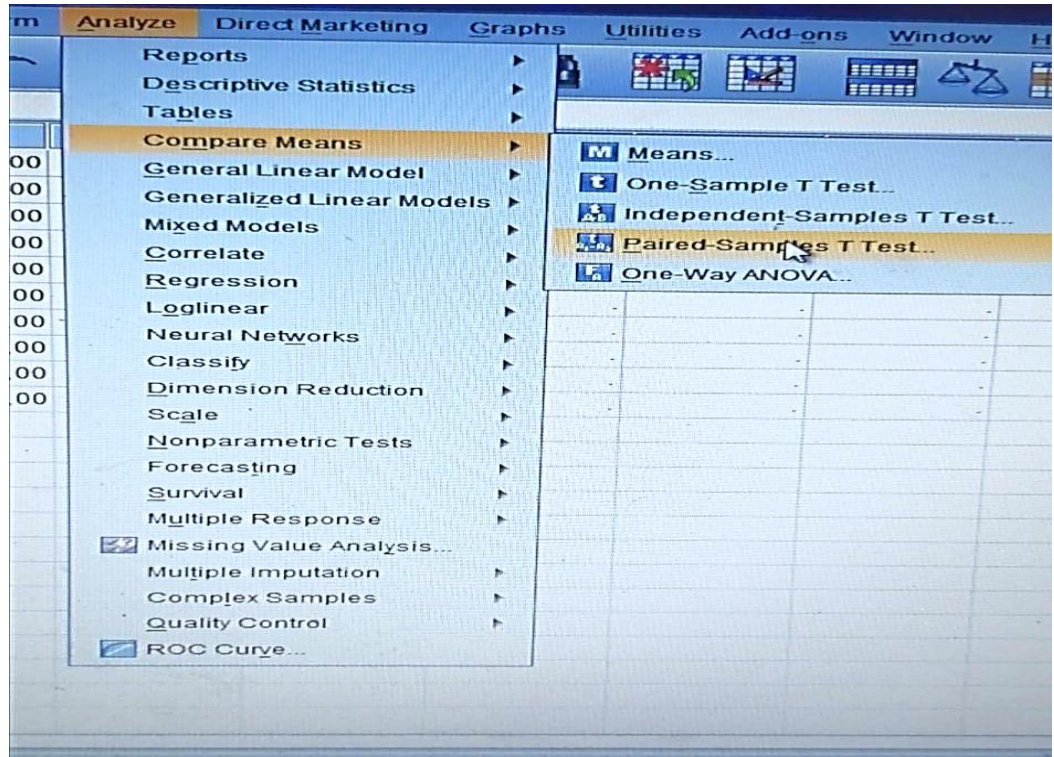
لنفترض أن صاحب مؤسسة اقتصادية أراد معرفة أثر زيادة فترة الراحة على أداء عمال وحدة إنتاجية، فقام صاحب المؤسسة بقياس أداء العمال (10 عمال) قبل زيادة فترة الراحة ثم قام بقياسه بعد زيادة فترة الراحة فكانت النتيجة كالتالي:

14	11	14	16	10	14	14	17	13	10	القياس القبلي
12	17	15	12	17	16	11	10	15	18	القياس البعدي

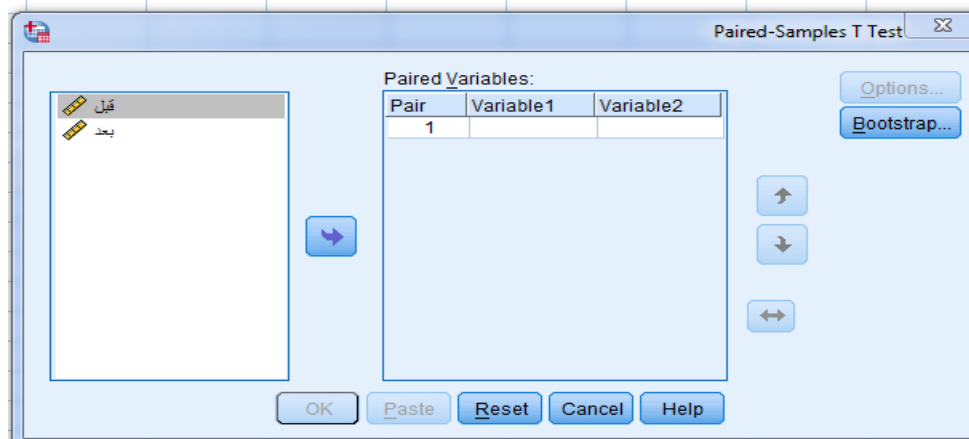
المطلوب: اثبات الفرضية القائلة بعدم وجود فروق ذات معنوية بين القياس القبلي والقياس البعدي للأداء عند $\alpha=0.05$

الحل:

1. في حالة البيانات المزدوجة/ المترابطة نقوم بترميز متغيرين في صفحة *variable view* المتغير الأول بوسم قبل والمتغير الثاني بوسم بعد، ثم ندخل القيم القبليّة والبعديّة في صفحة *data view*.
2. نختار من قائمة *analyze* الأمر *compare means* ثم الأمر *paired sample-t- test* كما هو موضح في الشكل التالي:



ليظهر المربع الحواري لـ *paired sample-t- test*



OK حيث ندخل المتغير قبل في العمود 1 *variable* و المتغير بعد في العمود 2 *variable* ثم نضغط على
لتظهر الجدول التالية في *Outputs*

Paired Samples Statistics

	Mean	N	Std. Deviation	Std. Error Mean
Pair 1 قبل	13,30	10	2,359	,746
بعد	14,3000	10	2,83039	,89505

Paired Samples Correlations

	N	Correlation	Sig.
Pair 1 قبل & بعد	10	-,864	,001

Paired Samples Test

	Paired Differences					t	df	Sig. (2-tailed)
	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean	95% Confidence Interval of the Difference				
				Lower	Upper			
Pair 1 قبل - بعد	-1,0000 0	5,01110	1,58465	-4,58472	2,58472	-,631	9	,544

على نفس منوال الاختبار في حالة عينتين مستقلتين فإن مخرجات اختبار t في حالة عينتين مترابطتين نرى أنها تتمثل في ثلاث جداول، يمثل الأول قيم المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم، اما الجدول الثاني فيمثل معامل الارتباط البسيط r ، اما الجدول الثالث فيمثل قيمة $t = -0.631$ ، أما قيمة الدلالة sig هي 0.544 وهي أكبر من مستوى المعنوية 0.05 مما يعني قبول الفرضية الصفرية التي تقول

بعدم وجود فروق ذات معنوية بين القياس القبلي والقياس البعدي أي أن زيادة فترة الراحة لم يكن لها أثر على أداء العمال في المؤسسة.

ثالثا. اختبار chi^2 للاستقلالية - طريقة جداول التقاطع *Crosstabs*

1. مختصر نظري حول الاختبار

يستخدم هذا الاختبار لمعرفة إمكانية وجود ارتباط أو فروق بين متغيرين اسميين، ومعنى الاستقلالية في هذه الحالة هو إثبات استقلال المتغير A عن المتغير B ، وإثبات الفرضية الصفرية H_0 التي تقول بعدم وجود فروق معنوية بين المتغير A والمتغير B وي حالة نفيها إثبات الفرضية البديلة H_1 والتي تقول بوجود علاقة معنوية بين المتغيرين.

نظريا يتم حساب قيمة CHI^2 من خلال العلاقة التالية :

$$Ch^2 = \sum \frac{(fo-fe)^2}{fe}$$

حيث تقارن القيمة المحسوبة بقيمة جدولية تستخرج من جدول قيم CHI^2 النظرية من خلال قيمتي $\alpha = 0.05$ و $df = (\text{عدد الصفوف} - 1) * (\text{عدد الأعمدة} - 1)$ ، فإن وجد أن القيمة المحسوبة أكبر من القيمة النظرية فإننا نرفض الفرضية الصفرية ونقبل البديلة وإن وجد العكس فإننا نقبل الفرضية الصفرية.

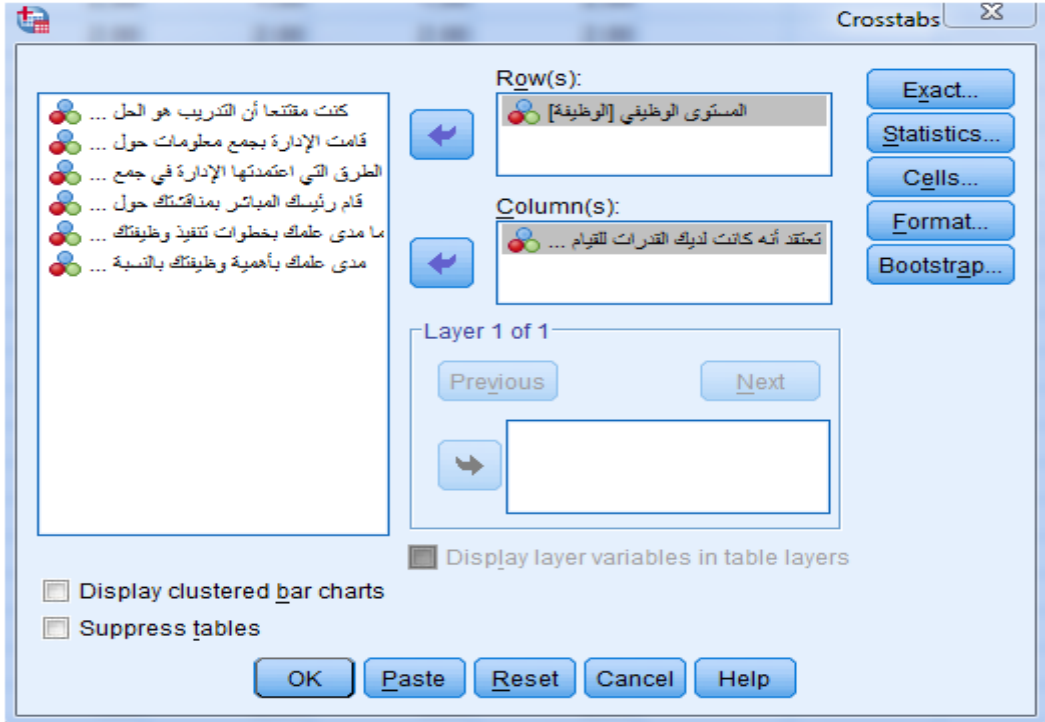
2. مثال تطبيقي لاستخدام اختبار chi^2 في برنامج *spss*

وكمثال على إجراء اختبار CHI^2 لاستقلالية لمتغيرين في برنامج *spss* وبالعودة إلى المثال السابق في المحاضرة الرابعة، لإستمارة البحث حول موضوع الأداء الوظيفي لدى عمال القطاع الخاص، مع إضافة متغير جديد وهو المستوى الوظيفي (إطار/مهندس). حيث أردنا معرفة إمكانية وجود علاقة بين متغير المستوى الوظيفي و متغير المعارف المسبقة وأداء المهام (Q1).

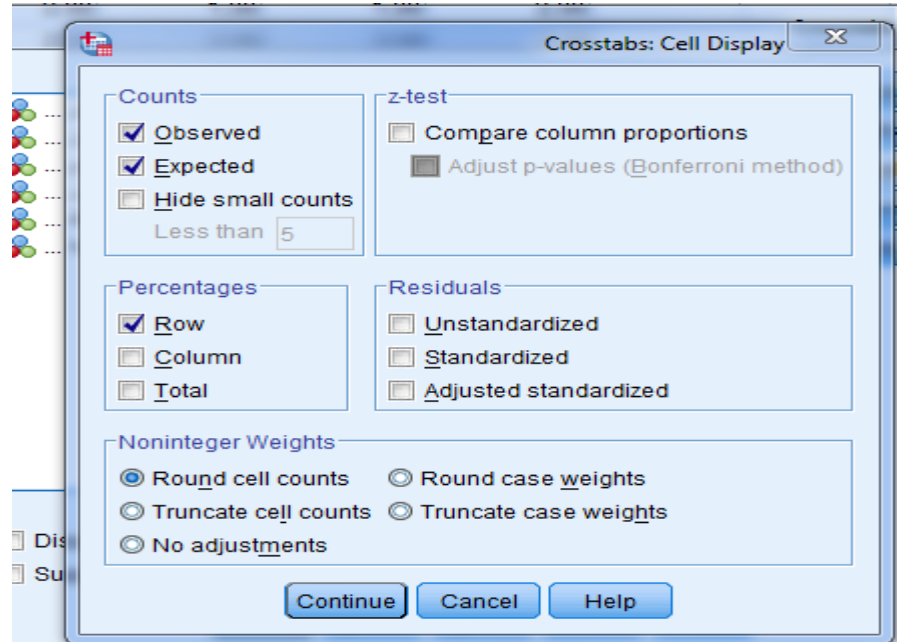
1. من أجل ذلك مبدئيا، نتبع المراحل التي تم التطرق إليها سالفًا في كيفية ادخال المتغيرات في صفحة *variable view* والمشاهدات في صفحة *data view* لكلى المتغيرين المراد دراسة العلاقة بينهما.

2. نختار من قائمة *Analyze* الإيعاز *Descriptive statistics* ثم نختار الأمر *crosstabs* كما هو موضح في الشكل ()

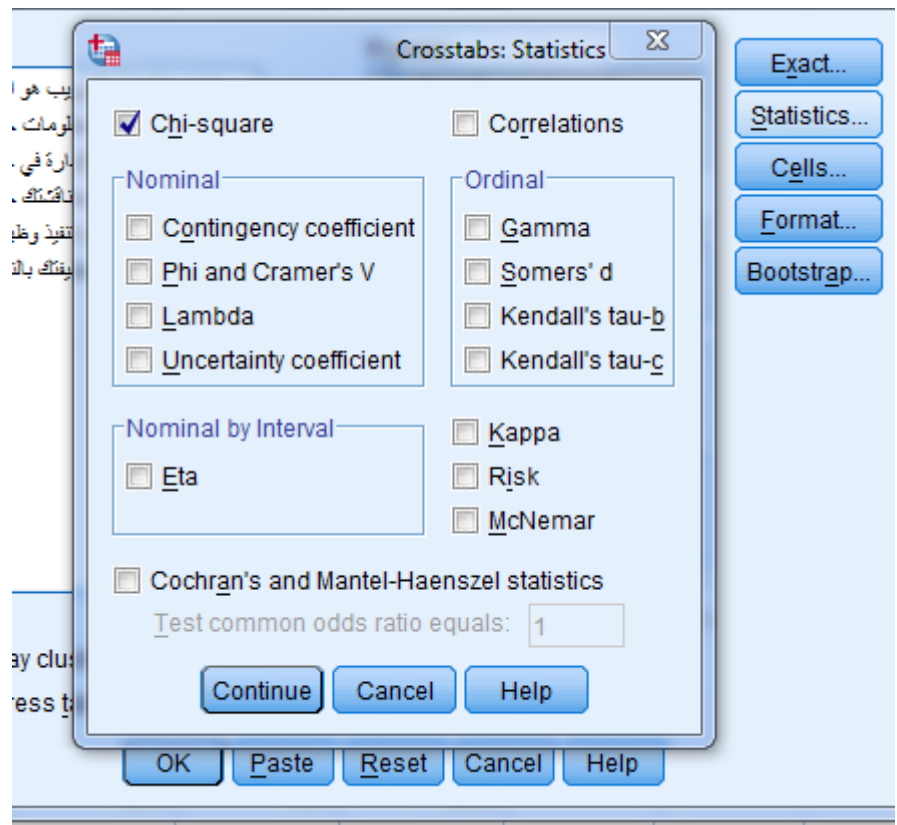
يظهر جدول حوراي بوسم *crosstabs*، ننقل متغير الوظيفة(المتغير المستقل) إلى المربع الصفي *row*، أما متغير المعارف المسبقة (المتغير التابع) إلى مربع *columns*



ثم نضغط على الأمر *cells* ليظهر لنا المربع الحوراي *cells display :crosstabs* وهو مربع يسمح لنا بحساب مجموعة من القيم ويعطينا العديد من الخيارات كالتكرارات الملاحظة والمتوقعة والنسب المئوية، نختار منها حسب الحاجة وفي هذا المثال سنكتفي باختيار الملاحظ والمتوقع والنسب المئوية كما هو موضح في الشكل ()



ثم نضغط على **continue** ، لنعود للمربع الحواري *crosstabs* ونختار الإيعاز *statistics* ونختار الأمر *chi-square* وبما أن البيانات ذات طبيعة اسمية فيمكن كذلك تضليل الاختيارات *contingency coefficient* أو *phi and camers v* وغيرها من الاختيارات المقترحة في المربع، كما يظهر في الشكل التالي:



لتظهر النتائج في الجداول التالية

OK

ثم الأمر

continue

ثم نضغط على الأمر

Crosstabulation بها التحاقك عند وظيفتك بمهام للقيام القدرات لديك كانت أنه تعتقد * الوظيفي المستوى

		وظيفتك بمهام للقيام القدرات لديك كانت أنه تعتقد		Total	
		بها التحاقك عند			
		نعم	لا		
الوظيفي المستوى	إطار	Count	5	7	12
		Expected Count	7,2	4,8	12,0
		% within الوظيفي المستوى	41,7%	58,3%	100,0%
مهندس		Count	7	1	8
		Expected Count	4,8	3,2	8,0
		% within الوظيفي المستوى	87,5%	12,5%	100,0%
Total		Count	12	8	20
		Expected Count	12,0	8,0	20,0
		% within الوظيفي المستوى	60,0%	40,0%	100,0%

Chi-Square Tests

	Value	df	Asymp. Sig. (2-sided)	Exact Sig. (2-sided)	Exact Sig. (1-sided)
Pearson Chi-Square	4,201 ^a	1	,040		
Continuity Correction ^b	2,509	1	,113		
Likelihood Ratio	4,592	1	,032		
Fisher's Exact Test				,070	,054
Linear-by-Linear Association	3,991	1	,046		
N of Valid Cases	20				

a. 3 cells (75,0%) have expected count less than 5. The minimum expected count is 3,20.

b. Computed only for a 2x2 table