

#### 4- حساب $\chi^2$ :

| $\frac{(f_i - f_i')^2}{f_i'}$ | $(f_i - f_i')^2$ | التكرارات النظرية: $f_i'$ | التكرارات الواقعية: $f_i$ |
|-------------------------------|------------------|---------------------------|---------------------------|
| 4.6473                        | 2510.01          | 540.1                     | 490                       |
| 1.6712                        | 2510.01          | 1501.9                    | 1552                      |
| 7.3846                        | 2510.01          | 339.9                     | 390                       |
| 2.6558                        | 2510.01          | 945.1                     | 895                       |
| 16.3589                       | $\Sigma$         |                           |                           |

وللحكم على قيمة  $\chi^2$  بأنها بسيطة أو جوهريية لا بد من الرجوع إلى جدول  $\chi^2$  الذي وضعه كارل بيرسون ليكون أداة غير خاضعة للتقدير الشخصي للباحث وتقدير قيمة  $\chi^2$  مرتبط بدرجات الحرية التي تحسب بالقانون التالي: ( عدد الأسطر (1- عدد الأعمدة -1) من جدول البيانات الواقعية أو جدول البيانات النظرية. وفي هذا المثال فإن عدد درجات الحرية تكون مساوية لـ:  $1=(2-1)(2-1)=1$  وبالرجوع إلى جدول  $\chi^2$  لبيرسون وأمام درجة حرية 1 نجد الوضع التالي:

| احتمال الحصول على قيم $K^2$ بطريقة الصدفة |          |          |          |         |         |            | درجات الحرية |
|---|----------|----------|----------|---------|---------|------------|--------------|
| %99=0,99                                  | %90=0,90 | %50=0,50 | %10=0,10 | %5=0,05 | %1=0,01 | %0,1=0,001 |              |
| 0,157                                     | 0,158    | 0,455    | 0,706    | 3,841   | 6,625   | 10,827     | 1            |

ومنه فإن احتمال الحصول على القيمة 16.3589 بالصدفة أقل من 0.1% لأن العدد 16.3589 أكبر من العدد 10.827 فهو يقع على يمينه حسب هذا الجدول وبالتالي يكون احتمال الصدفة أقل من 0.1%.

**\*ملاحظة:** كل احتمال يقل أو يساوي من 0.05 (أي 5%) يعتبر صغيرا (بسيطا) وكل احتمال يزيد عن 0.05 يعتبر جوهريا.

فنعتبر الاحتمال في هذا المثال بسيطا جدا فيما يتعلق بالصدفة إذن يمكن القول بأن هناك اختلاف جوهري بين المتزوجين والعزاب نحو سلوك الادخار أي أن الافتراض الصفري المقترح مرفوض.

**\*مثال 2:** في دراسة علمية حول استهلاك نوع من المشروبات الغازية، قام الباحث بتقسيم الدولة إلى 8 مناطق وأخذ من كل منطقة عينة عشوائية من السكان

صنفهم تبعا لاستهلاكهم وعدم إستهلاكهم لهذا المشروب، وكانت البيانات التي حصل عليها كالآتي:

| رقم المنطقة | عدد المستهلكين | عدد غير المستهلكين |
|-------------|----------------|--------------------|
| 1           | 56             | 17                 |
| 2           | 87             | 20                 |
| 3           | 142            | 58                 |
| 4           | 71             | 20                 |
| 5           | 77             | 31                 |
| 6           | 72             | 23                 |
| 7           | 100            | 25                 |
| 8           | 142            | 38                 |
| $\Sigma$    | 758            | 242                |

\*السؤال: هل هناك فروق جوهرية بين هذه المناطق حول استهلاك هذا المشروب؟