

مثال : باعتبار أن الانحراف المعياري مقياس للمدى الذي تتغير إليه مجموعة من القياسات حول الوسط الحسابي لهذه المجموعة، لذا نعتبر مجموعتين من القياسات هي:

المجموعة الأولى: 2 . 4 . 6 . 8 . 10 والمجموعة الثانية: 4 . 5 . 6 . 7 . 8

1- أحسب الوسط الحسابي لكلا المجموعتين

2- أحسب الانحراف المعياري لكلا مجموعة

3- ماذا تستنتج ؟

حل المثال : 1/ $\bar{X}_1 = 6$ و $\bar{X}_2 = 6$

$$2/ \quad s_{x_1} = \sqrt{10} \quad s_{x_2} = \frac{\sqrt{10}}{2}$$

3/ ولكون قيمة الانحراف المعياري للمجموعة الأولى ضعف قيمته في المجموعة الثانية فإن خاصية الانحراف المعياري مرضية بإعتباره مقياسا للتغير ، وتزداد قيمة الانحراف المعياري بإزدياد قابلية البيانات للتغير .

تفسير الانحراف المعياري : لقد أثبتت قيمتي الانحراف المعياري السابقتين أن هناك تباين في التغير بين بيانات المجموعتين ، لكن لم نعرف معنى مقدار الانحراف المعياري ، فمثلا لو كانت قيمتا الانحراف المعياري في هذا المثال هما

$6 \times \sqrt{10}$ و $3 \times \sqrt{10}$ بدلا من $\sqrt{10}$ و $\frac{\sqrt{10}}{2}$ لبقى التفسير كما هو. ولذلك فإن التفسير

يكون كما يلي : أثبتت التجارب الميدانية أن إستنباط البيانات من مجموعة كبيرة من المفردات من مجتمع إحصائي (ويسمى بالمجتمع الطبيعي أو المعتدل أو المتماثل) قد بينت بأن المجال المحصور بين $\bar{X} - s_x$ و $\bar{X} + s_x$ يحصر عادة حوالي 68% من

البيانات وكما أن المجال المحصور بين $\bar{X} - 2 \times s_x$ و $\bar{X} + 2 \times s_x$

يحصر عادة حوالي 95% من البيانات. في حين يحصر المجال المحصور بين

$$\bar{X} - 3 \times s_x$$

و $\bar{X} + 3 \times s_x$ حوالي 99% من البيانات. ويكون المدرج التكراري للتوزيعات

الطبيعية (المعتدلة) يشبه ناقوسا.

تمرين : تمثل البيانات المبوبة التالية عدد الساعات في الأسبوع التي إشتغلها فعلا
100 عامل:

عدد الساعات: x_i 11 14 17 20 23 26 29 32 35 38 41 44 47 50 53

عدد الأفراد: f_i 2 1 2 1 6 7 11 12 12 17 19 9 0 0 1

بإستخدام هذه البيانات :

2- أحسب الوسط الحسابي؟

3- أحسب الإنحراف المعياري؟

4- أحسب النسب المئوية للبيانات الواقعة داخل كل من المجالين: $\bar{X} \pm S_x$ و

$\bar{X} \pm 2S_x$ ؟